



Физико-математический лицей № 30

199004, Россия, Санкт-Петербург, 7 линия ВО, д. 52, ул. Шевченко, д. 23-2

☎ (812) 323-35-55, 323-4253, 355-88-57

Предлагаем Вашему вниманию типовые задачи вступительных олимпиад в 10 класс лицея. Помимо типовых задач в текст вступительной олимпиады традиционно включаются и нестандартные задачи.

I. Упростите:

- $\left(\frac{d^3 - 8}{d^2 - 4} - \frac{6d}{d + 2}\right) : \left(1 - \frac{4}{d + 2}\right)^2$
- $\frac{x + 40}{x^3 - 16x} : \left(\frac{x - 4}{3x^2 + 11x - 4} - \frac{16}{16 - x^2}\right)$
- $\left(\left(x^{\frac{5}{6}} - \sqrt[3]{x}\right) : \left(\left(\frac{x^{\frac{3}{4}} - 1}{x^{\frac{1}{4}} - 1} - x^{\frac{1}{2}}\right) \cdot \left(\frac{x^{\frac{3}{4}} + 1}{x^{\frac{1}{4}} + 1} - x^{\frac{1}{2}}\right)\right)\right)^{-3}$
- $\frac{(x^2 - y^2)(\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{y})}{\sqrt[3]{x^5} + \sqrt[3]{x^2y^3} - \sqrt[3]{x^3y^2} - \sqrt[3]{y^5}} - \frac{x\sqrt[3]{y} + \sqrt[3]{y^4}}{(\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{y})^2 + \sqrt[3]{xy}}$

II. 1. Выполните действия: $\sqrt{175} - 3\sqrt{3\frac{1}{9}} - 6\sqrt{1,75}$

2. Вычислите $a^3 + \frac{1}{a^3}$, если $a + \frac{1}{a} = -4$.

3. Выясните, является ли рациональным число:

$$\left(\frac{\sqrt[3]{\sqrt{3} + \sqrt{6}} \cdot \sqrt[6]{9 - 6\sqrt{2}} - \sqrt[6]{18}}{\sqrt[6]{2} - 1}\right)^3$$

4. Сравните числа:

а) $\frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$ и $2\sqrt{2}$

б) $\sqrt{10} - \sqrt{11}$ и $\sqrt{12} - \sqrt{13}$

III. Решите уравнения:

1. $x^2 + 2x + 2|x + 1| = 7$

2. $(345x^2 + 137x - 208)\sqrt{3x - 2} = 0$

3. $\frac{8x - 4x^2}{1 - x^2} = \frac{x^3 - 4x}{x + 1}$

4. $(x + 1)(x^2 + 5x + 6) = x + 2$

IV. Решите неравенства:

1. $-\frac{1}{2}x^2 + 2,5x - 3 \geq 0$

2. $\frac{4}{x^2 - x - 6} \geq (2 + x)^{-1}$

3. $(\sqrt{5} - 3)(x^{0,5} - 2x^{0,25} + 1) > 14 - 6\sqrt{5}$

4. $\frac{x^2 - 2x - 8}{|x - 4|} \leq 7$

V. Решите системы уравнений:

$$1. \begin{cases} x^2 - y = \frac{3}{4} \\ y^2 + x = 0,75 \end{cases}$$

$$2. \begin{cases} \frac{6}{x+y} + \frac{5}{x-y} = 7 \\ \frac{6}{x+y} - \frac{5}{x-y} = -1 \end{cases}$$

3. Найдите все значения параметра k , при которых следующая система имеет бесконечно много решений.

$$\begin{cases} (k+2)x + 3y = 9 + kx \\ x + (k+4)y = 2 \end{cases}$$

VI. Дано уравнение $(a-1)x^2 + 4(a+1)x + a - 4 = 0$.

- При каких значениях a уравнение имеет единственное решение?
- При $a = 2$ найдите $x_1^3 + x_2^3$, где x_1, x_2 — корни данного уравнения.
- При $a = -2$ найдите все значения параметра b , для которых решение неравенства $(a-1)x^2 + 4(a+1)x + a - 4 \geq b$ — отрезок.

VII. 1. Какие значения принимает выражение $a^2 - 6a + 1$ при a , принадлежащих отрезку $[1; 10]$

2. Найдите все значения параметра k , при которых гипербола $y = \frac{k}{x-2}$ пересекает прямую, задаваемую уравнением $y = x + 1$, в точке, лежащей на оси ординат.

3. Постройте график функции $y = \frac{x^3 - x}{|x|}$

4. Найдите все значения параметра a , при которых прямая $y = a$ пересекает график функции $y = |x^2 - 4x|$ в двух точках.

VIII. 1. Вторым член арифметической прогрессии составляет 88% от первого. Найдите сколько процентов первый член составляет от пятого.

2. Сумма первых трех членов убывающей геометрической прогрессии равна 21, а сумма их квадратов — 189. Найдите первый член и знаменатель данной прогрессии.

3. Могут ли длины сторон прямоугольного треугольника образовывать геометрическую прогрессию?

4. Найдите сумму всех трехзначных чисел, не делящихся на 11.

IX. 1. В равнобедренную трапецию можно вписать окружность. Найдите площадь этой трапеции, если ее основания равны 1 и 25.

2. По стене крепости, имеющей форму равностороннего треугольника со стороной 400 м, ходят часовые, которые вооружены луками с дальностью стрельбы 100 м. Какова площадь “простреливаемой” территории

а) снаружи крепости,

б) внутри крепости?

3. $ABCD$ — выпуклый четырехугольник, O — точка пересечения его диагоналей, $OB = OD$, $AO < OC$. Докажите, что $\angle BAO > \angle BCD$.

4. В трапеции $ABCD$ ($AD \parallel BC$) $\angle A = 60^\circ$, $\angle D = 30^\circ$, $AD = a$, $BC = b$. Найдите:
- площадь трапеции $ABCD$,
 - длину отрезка, соединяющего середины BC и AD .
- Х.
- Выясните, является ли простым число $2^{10} + 5^{12}$.
 - Найдите наибольшее значение выражения $-x^4 - 2x^3 - 3x^2 - 2x + 3$.
 - Пятнадцать различных натуральных чисел дают в сумме 121. Найдите эти числа.
 - Операция $*$ каждым двум числам x, y ставит в соответствие число, обозначаемое $x * y$. При этом для всех чисел x, y, z выполняется:
 - $x * x = 0$
 - $(x + y) * z = x + (y * z)$Найдите $6 * 14$.

Расписание мероприятий по организации набора в ФМЛ № 30 в 2011 году (8-10 класс)

мероприятие	в 8-й класс	в 9-й класс	в 10-й класс
<i>День открытых дверей</i>	16 апреля в 16-00 по адресу: ВО, Средний пр., д. 31		
<i>Краткосрочные подготовительные курсы</i>	19.04 и 22.04 в 16-30	23.04 и 27.04 в 17-30	18.04 и 20.04 в 16-30
	Курсы платные, Стоимость 600 руб. Договор и памятку об оплате можно получить при выходе после Дня открытых дверей или после Дня открытых дверей у охраны.		
<i>Олимпиада по русскому языку 1 тур (письменный)</i>	-	-	-
<i>Олимпиада по математике 1 тур (письменный)</i>	26 апреля в 17-00	25 апреля в 17-00	27 апреля в 17-00
Итоги тура	4 мая в 15-00	3 мая в 15-00	4 мая в 15-00
	В вестибюле лицея в здании на Среднем пр. , д.31 и на сайте : www.school30.spb.ru		
Апелляция по итогам 1 тура	5 мая с 17-00 до 19-00	5 мая с 17-00 до 19-00	5 мая с 17-00 до 19-00
<i>Олимпиада по математике 2 тур (устный)</i>	11.05, 12.05, 17.05 в 16-30	12.05, 13.05, 17.05 в 16-30	12.05, 13.05, 17.05 в 16-30
Итоги 2 тура. Списки рекомендованных к поступлению	19 мая в 15-00	19 мая в 15-00	19 мая в 15-00
<i>Председатель жюри олимпиады</i>	<i>Ниренбург Татьяна Леонидовна</i>	<i>Ренев Олег Вадимович</i>	<i>Иванова Татьяна Юрьевна</i>
<i>Прием документов приемной комиссией</i>	31 мая с 10-00 до 17-00 на Среднем	31 мая с 10-00 до 17-00 на Среднем	15 июня с 10-00 до 17-00 на Среднем
<i>Родительские собрания</i>	2 июня в 18-30 на Среднем	2 июня в 18-30 на Среднем	17 июня в 18-30 на Среднем